

コンピュータネットワーク 第3回

静岡理科大学

情報学部 コンピュータシステム学科

幸谷 智紀

<https://na-inet.jp/compnet/>

本日の概要：通信のお約束事(2/2)

- 符号化
- ハッシュ関数
- 暗号と署名
- SSHによるリモートログイン

符号化：データと自然数(整数)との対応付け = 全単射

- 符号化の一例・・・文字コード
 - 文字集合・・・使用可能な文字の集まり
 - 符号化方法・・・「文字 \leftrightarrow bit列」の対応付けの規則

例1)

文字集合 \rightarrow 半角英数字(ASCII文字)

符号化方法 \rightarrow 7bitで対応

例2)

文字集合 \rightarrow Unicode・・・32bitで全世界の文字を扱う

符号化方法 \rightarrow UTF-8・・・8bit (1Byte)ごとに区切って表現

ASCII

- 7bitで記号・数字・アルファベットを表わす。

| | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|----|
| 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 | 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 |
| ! | " | # | \$ | % | & | ' | (|) | * | + | , | - | . | / | 0 | |
| 49 | 50 | 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 | 61 | 62 | 63 | 64 | |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | : | ; | < | = | > | ? | @ | |
| 65 | 66 | 67 | 68 | 69 | 70 | 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 | |
| A | B | C | D | E | F | G | H | I | J | K | L | M | N | O | P | |
| 81 | 82 | 83 | 84 | 85 | 86 | 87 | 88 | 89 | 90 | 91 | 92 | 93 | 94 | 95 | 96 | |
| Q | R | S | T | U | V | W | X | Y | Z | [| ¥ |] | ^ | _ | ` | |
| 97 | 98 | 99 | 100 | 101 | 102 | 103 | 104 | 105 | 106 | 107 | 108 | 109 | 110 | 111 | 112 | |
| a | b | c | d | e | f | g | h | i | j | k | l | m | n | o | p | |
| 113 | 114 | 115 | 116 | 117 | 118 | 119 | 120 | 121 | 122 | 123 | 124 | 125 | 126 | | | |
| q | r | s | t | u | v | w | x | y | z | { | | } | ~ | | | |

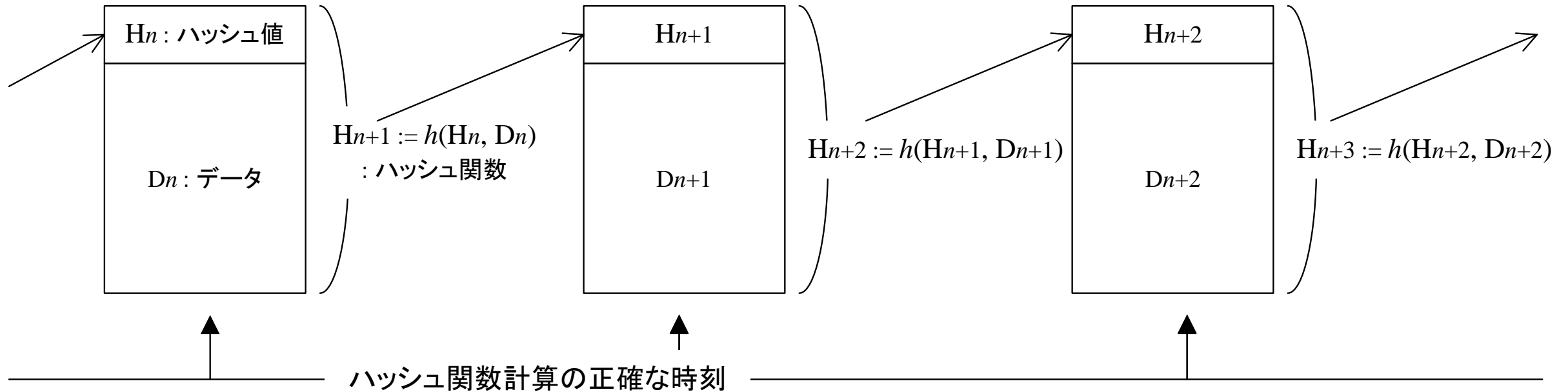
ハッシュ(Hash)関数：h(x)

- (大きな) データから (一定範囲内の) 整数(ハッシュ値)を返す関数
例) MD5→SHA(Secure Hash Algorithm)-1→SHA-256→SHA-3

特徴

1. ハッシュ値の出力サイズ (整数の桁数) が同じ→一種の「データ圧縮」
MD5=128bit, SHA-1=160bits, SHA-2(SHA-256=256bits, SHA-512=512bit), SHA-3(224~512bit)
2. 一方向性→不可逆データ圧縮
 - ○データ→ハッシュ値
 - ×ハッシュ値→データ (不可逆)
3. 衝突困難性・・・異なるデータから同じハッシュ値が出ない
N種のデータからM個のデータを取り出し、同じハッシュ値がある確率
($M = \sqrt{N}$) = ハッシュ関数のセキュリティ
MD5:1992年→2006年に衝突 64bitセキュリティ
SHA-1:1995年→2015年に衝突 80bitセキュリティ
SHA-256: 2002年→まだ衝突が見つかっていない 128bitセキュリティ

ハッシュの応用: ブロックチェーン技術



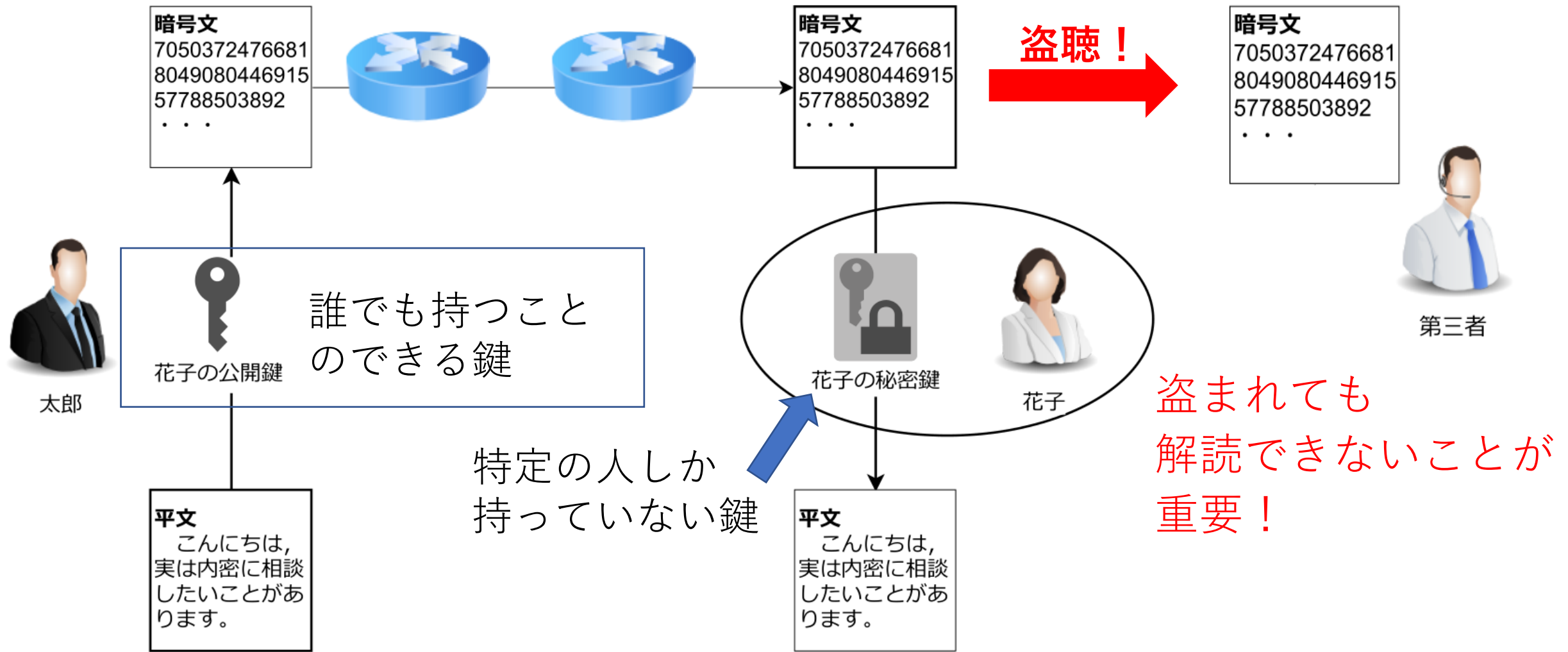
- Bitcoin(デジタル通貨) を担保するためのシステム
- 正確な時間と共に計算されたハッシュ関数の連なりがblock chainと呼ばれる
- 正確な時間については <https://jy.nict.go.jp/ntp/> 参照。
- 学内では172.16.254.250が時刻合わせサーバ, 日本国内では ntp.nict.jp

→ 「信用」連鎖をハッシュ関数で担保する = 最初が信用できないと・・・?

暗号(encryption)

- 平文 (plain text, 元のデータ) から判別困難な暗号文(encrypted text)を生成する
 - 暗号化(encrypt) : 平文→暗号文
 - 復号化(decrypt) : 暗号文→平文
- 符号化されたデータ (整数) のみ扱う
- 「鍵(key)」も整数
- 方式
 - 公開鍵 (秘密鍵) 暗号 : 暗号化と復号化で異なる鍵を使用する
 - 共通鍵暗号 : お互いに同じ鍵で暗号化・復号化を行う

「暗号化」で守るセキュリティ

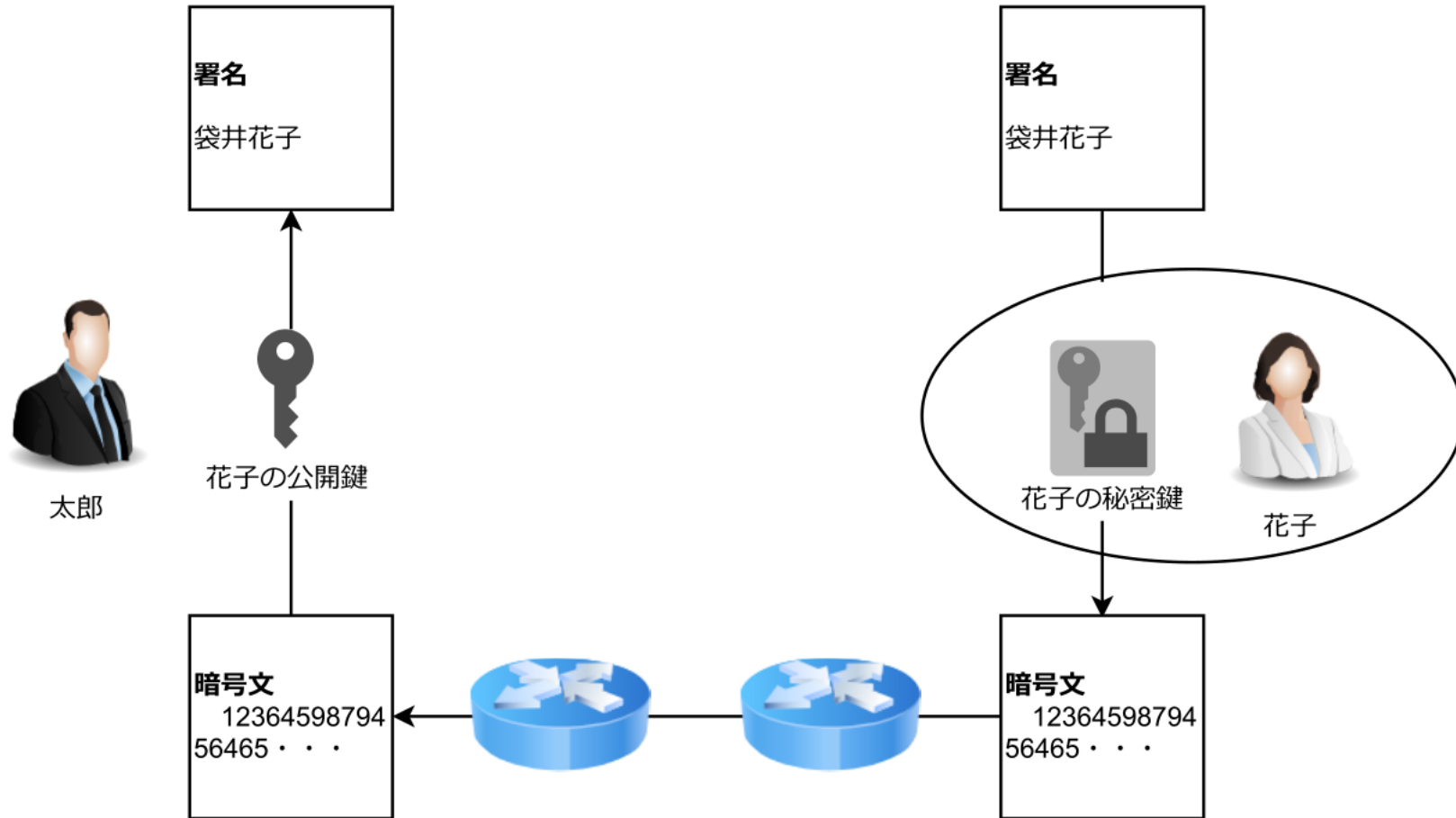


「RSA暗号と」は？

RSA暗号は、発案者の頭文字(Rivest-Shamir-Adelman)を取って名付けられた公開鍵暗号方式である。

- 平文：暗号化すべき通常の文字列(plain text)で、整数として表現したものを使用する。
- 公開鍵：下記に述べる手順で予め生成された自然数の組 (e, n) 。所持者に付属するもので、ここでは花子のものとし、誰にでもアクセスできる。
- 秘密鍵：下記に述べる手順で予め訂正された自然数の組 (d, n) 。所持者に付属するもので、ここでは花子のものとし、花子以外の人間にはアクセスできないものである。
- 暗号文：平文を暗号化したもの。そのまま平文としては解釈できない整数。

RSA暗号による「署名（サイン）」



公開鍵と秘密鍵：整数の組

- ① 二つの素数 $p, q \rightarrow n = pq$ なるべく巨大な数が望ましい
- ② $l = \varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$ という自然数を作る
- ③ $\text{GCD}(e, l) = 1$ かつ $1 < e < l$ となる e を決める
→ 花子の公開鍵 (e, n)
- ④ $ed \bmod l = 1$ かつ $1 < d < l$ となるよう d を定める
→ 花子の秘密鍵 (d, n) が生成される
 $ed + ly = 1$ となる整数 d, y を求めても良い (y は使用しない)。

暗号化 \rightarrow 暗号文 $:=$ 平文 ^{e} mod n

復号化 \rightarrow 平文 $:=$ 暗号文 ^{d} mod n

短い数の例：公開鍵と秘密鍵

① $p = 5, q = 13 \rightarrow n = pq = 65$

② $l = (5 - 1)(13 - 1) = 48 = 2^4 \cdot 3$

③例えば $e = 11$ とすれば $\text{GCD}(11, 48) = 1$ とできる
→花子の公開鍵： $(e, n) = (11, 65)$

④ $11d \bmod 48 = 1$ となるものとして、例えば $d = 35$
→花子の秘密鍵は $(d, n) = (35, 65)$ となる。

短い数の例：暗号化と復号化

花子の公開鍵： $(e, n) = (11, 65)$

花子の秘密鍵： $(d, n) = (35, 65)$

平文 = 55 ($< n$) とする

暗号化 → $55^e \bmod n = 55^{11} \bmod 65 = 35$
13931233916552734375 (20桁)

復号化 → $35^d \bmod n = 35^{35} \bmod 65 = 55 = \text{平文}$
110250749935414869595178643341 · · · (54桁)

標準(int, long)より長い整数演算 → 多倍長整数演算

短い数の例：署名

花子の公開鍵： $(e, n) = (11, 65)$

花子の秘密鍵： $(d, n) = (35, 65)$

署名(平文) = 20 ($< n$)とする

$$\begin{aligned} \text{暗号化} \rightarrow 20^d \bmod n &= 20^{35} \bmod 65 = 15 \\ &3435973836 \cdot \cdot \cdot \quad (45\text{桁}) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{復号化} \rightarrow 15^e \bmod n &= 15^{11} \bmod 65 = 20 = \text{署名} \\ &8649755859375 \quad (13\text{桁}) \end{aligned}$$

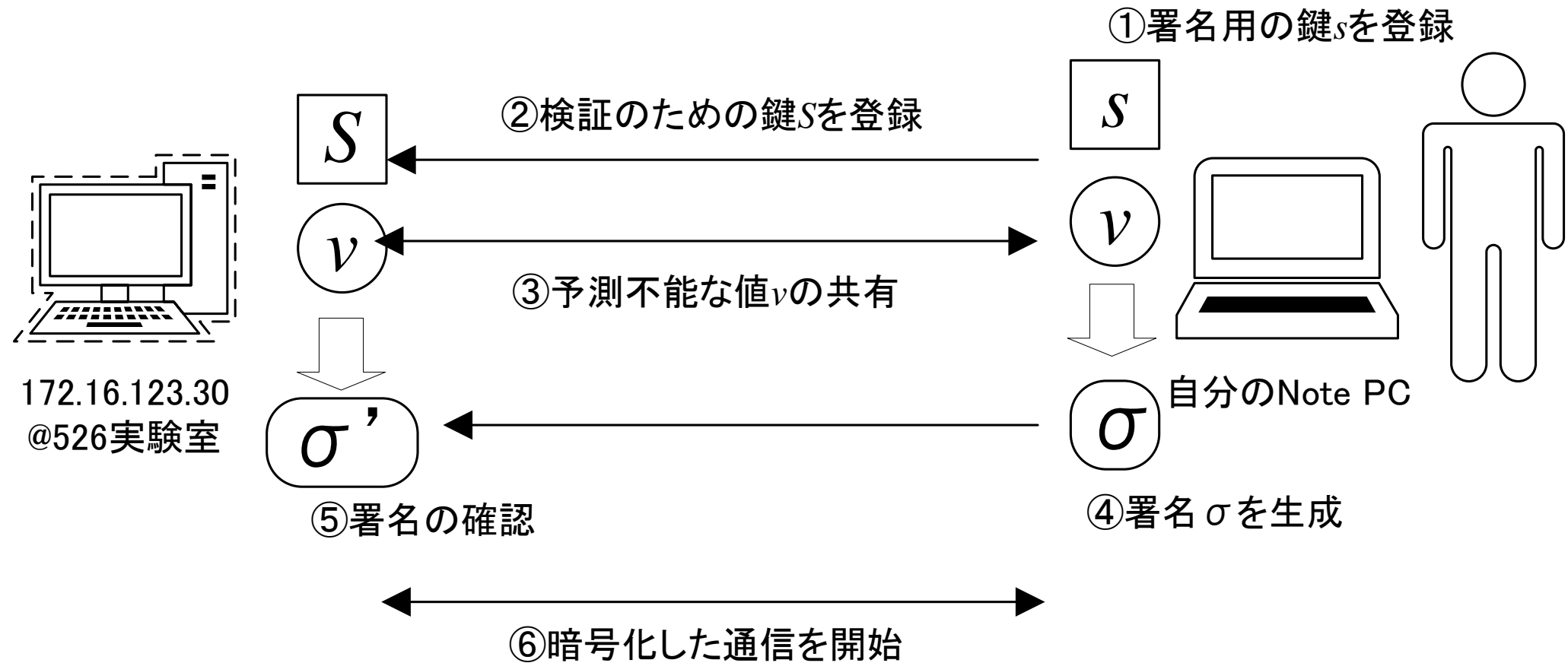
標準(int, long)より長い整数演算 → 多倍長整数演算

RSA秘密鍵・共通鍵を作る

- Ssh-keygenコマンド: Windowsでも使用可能→SSHログイン時に使用可能 (OpenSSH)

```
tkouya@cs-room526-ryzen37:~/compnet$ ssh-keygen
Generating public/private rsa key pair.
Enter file in which to save the key (/home/tkouya/.ssh/id_rsa): comp_id_rsa
Enter passphrase (empty for no passphrase):
Enter same passphrase again:
Your identification has been saved in comp_id_rsa
Your public key has been saved in comp_id_rsa.pub
The key fingerprint is:
SHA256:WvUoq7s2neShIQ2Ip02FTet1ILnML/XToY11AEGOTzg tkouya@cs-room526-ryzen37
The key's randomart image is:
+---[RSA 3072]-----+
|      ...o++o      |
|     .o  .o+  .    |
|    o* + oE.o  ..  |
|   o * o ++...oo   |
|    . . o oS+. =..  |
|     . . +o=o= .   |
|      ..B.o .      |
|       +. +         |
|      .++          |
+-----[SHA256]-----+
```

Secure SHell(SSH)の通信



- 秘密鍵(署名のための鍵) と共有鍵を用いて暗号化した通信路を形成
- 以降は, Linuxマシン(172.16.123.30)との接続をSSHで行う

SSHによるリモートログイン

- ユーザIDとパスワードを使ってログインする。

Your USER ID : `guest001` Your Password :

1. コマンドプロンプト, もしくは, PowerShellを開く
2. プロンプトから「ssh [ユーザID@172.16.123.30](#)」
3. 初回は暗号化の鍵登録を求められるので素直に応じる

```
PS C:\Users\tkouy> ssh guest000@172.16.123.30
The authenticity of host '172.16.123.30 (172.16.123.30)' can't be established.
ED25519 key fingerprint is SHA256:i0kB6Ud60dcudAFxKw6VOAvUhJquh1zhfcQEDZ4t6YM.
This key is not known by any other names
Are you sure you want to continue connecting (yes/no/[fingerprint])? yes
Warning: Permanently added '172.16.123.30' (ED25519) to the list of known hosts.
guest000@172.16.123.30's password:
Welcome to Ubuntu 22.04.2 LTS (GNU/Linux 5.15.0-73-generic x86_64)

* Documentation:  https://help.ubuntu.com
* Management:    https://landscape.canonical.com
* Support:       https://ubuntu.com/advantage
```



4. ログイン出来たらホームディレクトリのファイルリストを表示する「ls -l」
コマンドを打って動作確認。
終了時は「logout」もしくは「exit」

```
guest000@cs-room526-ryzen37:~$ ls -l
合計 16
-rwxr--r--  1 guest000 guest  382  9月 19 17:28 app_first.js
drwxr-xr-x 10 guest000 guest 4096  9月  8 16:40 old_public_html
drwxr-xr-x  5 guest000 guest 4096  9月  9 13:31 public_html
drwx-----  3 guest000 guest 4096  9月 19 17:27 snap
guest000@cs-room526-ryzen37:~$ logout
Connection to 172.16.123.30 closed.
PS C:\Users\tkouy>
```

[復習]本日の概要：通信のお約束事(2/2)

- 符号化
- ハッシュ関数
- 暗号と署名
- SSHによるリモートログイン

本日の課題

<https://forms.office.com/r/qTM1ZqcFhv>

1. 以下の□を埋めよ。

① $p = 7, q = 11 \rightarrow n = pq = 77$

② $l = (7 - 1)(11 - 1) = 60 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5$

③例えば $e = 7$ とすれば $\text{GCD}(7, 60) = 1$ とできる

→花子の公開鍵： $(e, n) = (7, 77)$

④ $7d \bmod 60 = 1$ となるものとして，例えば $d = \square$

→花子の秘密鍵は $(d, n) = (\square, 77)$ となる。

2. もう一度，172.16.123.30にリモートログインし，「ls /」コマンドを打ってルートディレクトリのファイルリストを表示し，ログアウトせよ。この過程をスナップショットに撮り，画像ファイルをアップロードせよ。

コンピュータネットワーク 第3回 本日の課題

